

## 数 学 問 題

[1]  $3(2 - 3x - x^3 - x^2) - 4(-x^2 - 2x^3 + x + 3)$  を計算すると 1 である。

- |                           |                           |
|---------------------------|---------------------------|
| ① $-6 - 5x - 11x^3 + x^2$ | ② $5x^3 + x^2 - 13x + 18$ |
| ③ $5x^3 + x^2 - 13x - 6$  | ④ $5x^3 + x^2 - 5x - 6$   |

[2]  $a^2 - b^2 - ax + bx$  を因数分解すると 2 である。

- |                        |                        |
|------------------------|------------------------|
| ① $(a - b)(a + b - x)$ | ② $(a - b)(a + b + x)$ |
| ③ $(a + b)(a - b - x)$ | ④ $(a + b)(a - b + x)$ |

[3]  $A = \sqrt{2}$ ,  $B = -\frac{1}{3}$ ,  $C = -\sqrt{3}$ ,  $D = |-2|$ ,  $E = -\frac{9}{8}$  を小さい順に並べると 3 である。

- |                       |                       |
|-----------------------|-----------------------|
| ① $C < B < E < A < D$ | ② $C < E < B < A < D$ |
| ③ $D < C < E < B < A$ | ④ $D < C < B < E < A$ |

[4]  $\frac{3}{\sqrt{7}-1}$  の小数部分は 4 である。

- |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| ① $\frac{\sqrt{7}-3}{2}$ | ② $\frac{\sqrt{7}-2}{2}$ | ③ $\frac{\sqrt{7}-1}{2}$ | ④ $\frac{\sqrt{7}+1}{2}$ |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

[5] 連立不等式  $\begin{cases} 3x - 5 \leq 2x \\ 4x - 3 \geq 2x + 7 \end{cases}$  を解くと 5 である。

- |              |                      |              |           |
|--------------|----------------------|--------------|-----------|
| ① $x \leq 5$ | ② $-5 \leq x \leq 5$ | ③ $x \geq 5$ | ④ $x = 5$ |
|--------------|----------------------|--------------|-----------|

[6]  $\triangle ABC$ において、 $\angle BAC > 90^\circ$  は、 $\triangle ABC$ が鈍角三角形であるための 6。

- |                    |
|--------------------|
| ① 必要条件であるが十分条件ではない |
| ② 十分条件であるが必要条件ではない |
| ③ 必要十分条件である        |
| ④ 必要条件でも十分条件でもない   |

[7] 2次関数  $y = 2x^2$  のグラフを平行移動して、頂点を  $(-1, -6)$  に移したとき、この2次関数の方程式は 7 である。

- ①  $y = -2x^2 - 4x - 8$       ②  $y = 2x^2 - 4x - 4$   
③  $y = 2x^2 + 4x - 4$       ④  $y = x^2 + 2x - 5$

[8] 頂点の座標が  $(3, 1)$  で、点  $(4, -1)$  を通る2次関数の方程式は 8 である。

- ①  $y = -2(x - 3)^2 - 1$       ②  $y = -2(x - 3)^2 + 1$   
③  $y = -2(x + 3)^2 + 1$       ④  $y = 2(x - 3)^2 + 1$

[9] 3点  $(0, 0)$ 、 $(1, 1)$ 、 $(-1, 1)$  を通る2次関数の方程式は 9 である。

- ①  $y = -x^2$       ②  $y = -x^2 + x - 1$   
③  $y = x^2 + x - 1$       ④  $y = x^2$

[10]  $y = -(x - 1)^2 + a + 1$  ( $-2 \leq x \leq 2$ ) の最小値が  $-2$  であるとき、定数  $a$  の値は 1 0 である。

- ①  $a = 1$       ②  $a = 3$       ③  $a = 6$       ④  $a = 12$

[11] 2次不等式  $ax^2 + 3x + b > 0$  の解が  $-1 < x < 2$  であるとき、定数  $a$ 、 $b$  の値は 1 1 である。

- ①  $\begin{cases} a = -3 \\ b = -6 \end{cases}$       ②  $\begin{cases} a = -3 \\ b = 6 \end{cases}$       ③  $\begin{cases} a = 3 \\ b = -6 \end{cases}$       ④  $\begin{cases} a = -1 \\ b = 2 \end{cases}$

[12] 放物線  $y = x^2 + 3$  と直線  $y = -2x + k$  が共有点をもつような定数  $k$  の値の範囲は 1 2 である。

- ①  $k \leq -2$       ②  $-2 \leq k$       ③  $k \leq 2$       ④  $2 \leq k$

[13]  $A$  が鋭角で、 $\cos A = \frac{\sqrt{5}}{3}$  であるとき、 $\cos(180^\circ - A) =$  1 3 である。

- ①  $-\frac{1\sqrt{2}}{1\sqrt{3}}$       ②  $-\frac{\sqrt{5}}{1\sqrt{3}}$       ③  $\frac{\sqrt{5}}{1\sqrt{3}}$       ④  $\frac{1\sqrt{2}}{1\sqrt{3}}$

[14]  $\sin \theta + \cos \theta = \frac{1}{3}$  のとき、 $\sin \theta \cos \theta$  の値は 14 である。

- ①  $-\frac{8}{9}$       ②  $-\frac{7}{9}$       ③  $-\frac{4}{9}$       ④  $\frac{1}{9}$

[15]  $(\cos \theta + 2 \sin \theta)^2 + (2 \cos \theta - \sin \theta)^2$  の値は 15 である。

- ① 1      ② 4      ③  $8 \sin \theta \cos \theta$       ④ 5

[16]  $\triangle ABC$ において、 $\angle ABC = 30^\circ$ 、 $\angle ACB = 105^\circ$ 、 $BC = 10$  のとき、 $AC = \boxed{16}$  である。

- ①  $5\sqrt{2}$       ②  $5\sqrt{3}$       ③ 10      ④  $5\sqrt{6}$

[17]  $\triangle ABC$ において、 $BC = \sqrt{5}$ 、 $CA = 2\sqrt{2}$ 、 $AB = 3$  のとき、 $\angle BAC = \boxed{17}$  である。

- ①  $30^\circ$       ②  $45^\circ$       ③  $60^\circ$       ④  $90^\circ$

[18] 3辺の長さが  $x$ 、 $x+1$ 、 $x+2$  の鈍角三角形が存在するような  $x$  の範囲を求める 18 である。

- ①  $x < 1$       ②  $-1 < x < 3$       ③  $1 < x < 3$       ④  $3 < x$

[19] 右の表は、男子20人の体重(kg)測定の度数分布表である。

平均値は 19 kg である。

- ① 62  
② 62.25  
③ 62.5  
④ 62.75

階級 (kg)	度数 (人)
以上	未満
50 ~ 55	2
55 ~ 60	5
60 ~ 65	7
65 ~ 70	3
70 ~ 75	2
75 ~ 80	1
合 計	20

[20] 大小のさいころを同時に投げるとき、出る目の積が4の倍数となる場合は  
20通りある。

- ① 12      ② 15      ③ 18      ④ 30

[21] 5個の数字0, 1, 2, 3, 4を使ってつくった各位の数字がすべて異なる5桁の整数について、これらの数を小さいものから順に並べたとする。

43210は 21 番目の数である。

- ① 72      ② 96      ③ 108      ④ 120

[22] 男子6人、女子3人の中から合計3人の代表を選ぶ。女子を少なくとも1人含むように選ぶ選び方は 22 通りある。

- ① 18      ② 45      ③ 63      ④ 64

[23] 4個の赤玉と3個の白玉を一列に並べるとき、白玉が連続しない確率は  
23 である。

- ①  $\frac{1}{35}$       ②  $\frac{2}{7}$       ③  $\frac{3}{7}$       ④  $\frac{4}{7}$

[24] 10本の中に4本の当たりくじが入った袋がある。引いたくじは戻さないとして、この袋からA君、B君、C君がこの順で1本ずつくじを引くとき、A君がはずれ、B君、C君が当たる確率は 24 である。

- ①  $\frac{1}{10}$       ②  $\frac{2}{15}$       ③  $\frac{3}{20}$       ④  $\frac{2}{5}$

[25] AとBが試合をして、先に3勝した方を優勝とする。AがBに勝つ確率は  $\frac{2}{3}$  であり、引き分けはないものとする。Aが優勝する確率は 25 である。

- ①  $\frac{16}{81}$       ②  $\frac{16}{27}$       ③  $\frac{56}{81}$       ④  $\frac{64}{81}$