

数 学 問 題

[1] $3(2 - 3x - x^3 - x^2) - 4(-x^2 - 2x^3 + x + 3)$ を計算すると 1 である。

- | | |
|---------------------------|---------------------------|
| ① $-6 - 5x - 11x^3 + x^2$ | ② $5x^3 + x^2 - 13x + 18$ |
| ③ $5x^3 + x^2 - 13x - 6$ | ④ $5x^3 + x^2 - 5x - 6$ |

[2] $a^2 - b^2 - ax + bx$ を因数分解すると 2 である。

- | | |
|------------------------|------------------------|
| ① $(a - b)(a + b - x)$ | ② $(a - b)(a + b + x)$ |
| ③ $(a + b)(a - b - x)$ | ④ $(a + b)(a - b + x)$ |

[3] $A = \sqrt{2}$, $B = -\frac{1}{3}$, $C = -\sqrt{3}$, $D = |-2|$, $E = -\frac{9}{8}$ を小さい順に並べると 3 である。

- | | |
|-----------------------|-----------------------|
| ① $C < B < E < A < D$ | ② $C < E < B < A < D$ |
| ③ $D < C < E < B < A$ | ④ $D < C < B < E < A$ |

[4] $\frac{3}{\sqrt{7}-1}$ の小数部分は 4 である。

- | | | | |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| ① $\frac{\sqrt{7}-3}{2}$ | ② $\frac{\sqrt{7}-2}{2}$ | ③ $\frac{\sqrt{7}-1}{2}$ | ④ $\frac{\sqrt{7}+1}{2}$ |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

[5] 連立不等式 $\begin{cases} 3x - 5 \leq 2x \\ 4x - 3 \geq 2x + 7 \end{cases}$ を解くと 5 である。

- | | | | |
|--------------|----------------------|--------------|-----------|
| ① $x \leq 5$ | ② $-5 \leq x \leq 5$ | ③ $x \geq 5$ | ④ $x = 5$ |
|--------------|----------------------|--------------|-----------|

[6] $\triangle ABC$ において、 $\angle BAC > 90^\circ$ は、 $\triangle ABC$ が鈍角三角形であるための 6。

- | |
|--------------------|
| ① 必要条件であるが十分条件ではない |
| ② 十分条件であるが必要条件ではない |
| ③ 必要十分条件である |
| ④ 必要条件でも十分条件でもない |

[7] 2次関数 $y = 2x^2$ のグラフを平行移動して、頂点を $(-1, -6)$ に移したとき、この2次関数の方程式は 7 である。

- ① $y = -2x^2 - 4x - 8$ ② $y = 2x^2 - 4x - 4$
③ $y = 2x^2 + 4x - 4$ ④ $y = x^2 + 2x - 5$

[8] 頂点の座標が $(3, 1)$ で、点 $(4, -1)$ を通る2次関数の方程式は 8 である。

- ① $y = -2(x - 3)^2 - 1$ ② $y = -2(x - 3)^2 + 1$
③ $y = -2(x + 3)^2 + 1$ ④ $y = 2(x - 3)^2 + 1$

[9] 3点 $(0, 0)$ 、 $(1, 1)$ 、 $(-1, 1)$ を通る2次関数の方程式は 9 である。

- ① $y = -x^2$ ② $y = -x^2 + x - 1$
③ $y = x^2 + x - 1$ ④ $y = x^2$

[10] $y = -(x - 1)^2 + a + 1$ ($-2 \leq x \leq 2$) の最小値が -2 であるとき、定数 a の値は 1 0 である。

- ① $a = 1$ ② $a = 3$ ③ $a = 6$ ④ $a = 12$

[11] 2次不等式 $ax^2 + 3x + b > 0$ の解が $-1 < x < 2$ であるとき、定数 a 、 b の値は 1 1 である。

- ① $\begin{cases} a = -3 \\ b = -6 \end{cases}$ ② $\begin{cases} a = -3 \\ b = 6 \end{cases}$ ③ $\begin{cases} a = 3 \\ b = -6 \end{cases}$ ④ $\begin{cases} a = -1 \\ b = 2 \end{cases}$

[12] 放物線 $y = x^2 + 3$ と直線 $y = -2x + k$ が共有点をもつような定数 k の値の範囲は 1 2 である。

- ① $k \leq -2$ ② $-2 \leq k$ ③ $k \leq 2$ ④ $2 \leq k$

[13] Aが鋭角で、 $\cos A = \frac{5}{13}$ であるとき、 $\cos(180^\circ - A) =$ 1 3 である。

- ① $-\frac{12}{13}$ ② $-\frac{5}{13}$ ③ $\frac{5}{13}$ ④ $\frac{12}{13}$

[14] $\sin \theta + \cos \theta = \frac{1}{3}$ のとき、 $\sin \theta \cos \theta$ の値は 14 である。

- ① $-\frac{8}{9}$ ② $-\frac{7}{9}$ ③ $-\frac{4}{9}$ ④ $\frac{1}{9}$

[15] $(\cos \theta + 2 \sin \theta)^2 + (2 \cos \theta - \sin \theta)^2$ の値は 15 である。

- ① 1 ② 4 ③ $8 \sin \theta \cos \theta$ ④ 5

[16] $\triangle ABC$ において、 $\angle ABC = 30^\circ$ 、 $\angle ACB = 105^\circ$ 、 $BC = 10$ のとき、 $AC = \boxed{16}$ である。

- ① $5\sqrt{2}$ ② $5\sqrt{3}$ ③ 10 ④ $5\sqrt{6}$

[17] $\triangle ABC$ において、 $BC = \sqrt{5}$ 、 $CA = 2\sqrt{2}$ 、 $AB = 3$ のとき、 $\angle BAC = \boxed{17}$ である。

- ① 30° ② 45° ③ 60° ④ 90°

[18] 3辺の長さが x 、 $x+1$ 、 $x+2$ の鈍角三角形が存在するような x の範囲を求める 18 である。

- ① $x < 1$ ② $-1 < x < 3$ ③ $1 < x < 3$ ④ $3 < x$

[19] 右の表は、男子20人の体重(kg)測定の度数分布表である。

平均値は 19 kg である。

- ① 62
② 62.25
③ 62.5
④ 62.75

階級 (kg)	度数 (人)
以上	未満
50 ~ 55	2
55 ~ 60	5
60 ~ 65	7
65 ~ 70	3
70 ~ 75	2
75 ~ 80	1
合 計	20

[20] 大小のさいころを同時に投げるとき、出る目の積が4の倍数となる場合は
20通りある。

- ① 12 ② 15 ③ 18 ④ 30

[21] 5個の数字0, 1, 2, 3, 4を使ってつくった各位の数字がすべて異なる5桁の整数について、これらの数を小さいものから順に並べたとする。

43210は21番目の数である。

- ① 72 ② 96 ③ 108 ④ 120

[22] 男子6人、女子3人の中から合計3人の代表を選ぶ。女子を少なくとも1人含むように選ぶ選び方は22通りある。

- ① 18 ② 45 ③ 63 ④ 64

[23] 4個の赤玉と3個の白玉を一列に並べるとき、白玉が連続しない確率は
23である。

- ① $\frac{1}{35}$ ② $\frac{2}{7}$ ③ $\frac{3}{7}$ ④ $\frac{4}{7}$

[24] 10本の中に4本の当たりくじが入った袋がある。引いたくじは戻さないとして、この袋からA君、B君、C君がこの順で1本ずつくじを引くとき、A君がはずれ、B君、C君が当たる確率は24である。

- ① $\frac{1}{10}$ ② $\frac{2}{15}$ ③ $\frac{3}{20}$ ④ $\frac{2}{5}$

[25] AとBが試合をして、先に3勝した方を優勝とする。AがBに勝つ確率は $\frac{2}{3}$ であり、引き分けはないものとする。Aが優勝する確率は25である。

- ① $\frac{16}{81}$ ② $\frac{16}{27}$ ③ $\frac{56}{81}$ ④ $\frac{64}{81}$