

数 学 問 題

[1] 整式 $A = 5x^2 - 4xy + y^2$ 、 $B = 3x^2 - 3xy + 2y^2$ のとき、 $A - 2B$ を計算すると 1 である。

- | | |
|------------------------|-----------------------|
| ① $-x^2 - 10xy + 5y^2$ | ② $-x^2 + 2xy + 3y^2$ |
| ③ $-x^2 + 2xy - 3y^2$ | ④ $-x^2 + 2xy + 5y^2$ |

[2] $(2x + 1)^2 - (x - 2)^2$ を因数分解すると 2 である。

- | | |
|---------------------|---------------------|
| ① $(3x - 1)(x - 3)$ | ② $(3x - 1)(x + 3)$ |
| ③ $(3x + 1)(x - 3)$ | ④ $(3x + 1)(x + 3)$ |

[3] $(\sqrt{15} + \sqrt{3})(\sqrt{60} - \sqrt{12})$ を計算すると 3 である。

- | | |
|---------------------------|------|
| ① $2\sqrt{15} + \sqrt{3}$ | ② 9 |
| | ③ 12 |
| | ④ 24 |

[4] $0 \leq x < 2$ のとき、 $\sqrt{x^2} + \sqrt{x^2 - 4x + 4}$ を簡単にすると、
4 である。

- | | |
|------------|------------|
| ① $2 - 2x$ | ② $2x - 2$ |
| | ③ $2x$ |
| | ④ 2 |

[5] $-1 < x < 2$ 、 $1 < y < 3$ のとき、 $A = 5x - 3y$ のとり得る範囲は
5 である。

- | | |
|-----------------|-----------------|
| ① $-14 < A < 7$ | ② $-8 < A < 1$ |
| | ③ $-2 < A < 1$ |
| | ④ $-2 < A < 19$ |

[6] A 地から 8 km 離れた B 地へ行くのに、はじめ、時速 4 km で歩いていたが、途中から時速 12 km で走って、1 時間以内に着くことができた。走った距離は
6 km 以上である。

- | | |
|-----|-----|
| ① 3 | ② 4 |
| | ③ 5 |
| | ④ 6 |

- [7] 全体集合 U を実数全体の集合とし、その部分集合を $A = \{x | x < -1\}$

$B = \{x | -2 \leq x \leq 1\}$ とするとき、集合 $\overline{A} \cap \overline{B} = \{x | \boxed{7}\}$ である。

- ① $x \leq 1$ ② $1 < x$
③ $-2 \leq x < -1$ ④ $-2 < x \leq 1$

- [8] 自然数 x, y について、 x が奇数、 y が偶数であることは、 $x + y$ が奇数であるための $\boxed{8}$ 。

- ① 必要条件であるが十分条件ではない
② 十分条件であるが必要条件ではない
③ 必要十分条件である
④ 必要条件でも十分条件でもない

- [9] グラフの頂点は放物線 $y = x^2 - 4x + 1$ の頂点と同じであり、 y 軸と点 $(0, 5)$ で交わる 2 次関数は $\boxed{9}$ である。

- ① $y = -2(x + 2)^2 - 3$ ② $y = 2(x + 2)^2 - 3$
③ $y = 2(x - 2)^2 - 3$ ④ $y = 2(x - 2)^2 + 3$

- [10] 放物線 $y = (x - 1)^2 + 1$ は、ある放物線を x 軸方向に 1、 y 軸方向に -3 だけ平行移動したものである。もとの放物線の方程式は $\boxed{10}$ である。

- ① $y = (x - 2)^2 - 2$ ② $y = (x - 2)^2 + 4$
③ $y = x^2 + 1$ ④ $y = x^2 + 4$

- [11] 2 次関数 $y = 3(x + 1)^2 - 4 (1 \leq x \leq 3)$ の最小値は $\boxed{11}$ である。
① -4 ② -1 ③ 8 ④ 44

- [12] 2 次関数 $y = x^2 + 8x + a$ と $y = 2x - 5$ が接するように a の値を定めると $\boxed{12}$ である。

- ① $a = -14$ ② $a = -4$ ③ $a = 4$ ④ $a = 14$

- [13] 2 次方程式 $x^2 - 2ax + a + 2 = 0$ が異なる 2 つの正の解をもつような定数 a の範囲は $\boxed{13}$ である。

- ① $-2 < a < -1$ ② $a < -1, 2 < a$
③ $0 < a < 2$ ④ $2 < a$

[1 4] $(\sin 45^\circ)^2 - (\tan 135^\circ)^2$ の値は 1 4 である。

- ① $-\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{6}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{3}{2}$

[1 5] $\triangle ABC$ において、 $AC=3\sqrt{2}$ 、 $\angle ABC=45^\circ$ 、 $\angle BAC=30^\circ$ のとき、
 $BC=$ 1 5 である。

- ① 3 ② $3\sqrt{2}$ ③ 6 ④ 12

[1 6] $\triangle ABC$ において、 $AB=7$ 、 $BC=3$ 、 $\angle ACB=120^\circ$ のとき、
 $AC=$ 1 6 である。

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 8

[1 7] 平行四辺形 $ABCD$ において、 $AB=4$ 、 $BC=6$ 、 $AC=8$ のとき、
 平行四辺形 $ABCD$ の面積 $S=$ 1 7 である。

- ① 6 ② $3\sqrt{15}$ ③ $6\sqrt{15}$ ④ 24

[1 8] 円に内接する四角形 $ABCD$ において、 $AB=3$ 、 $BC=6$ 、
 $\angle ABC=120^\circ$ 、 $\angle ACD=45^\circ$ のとき、 $AD=$ 1 8 である。

- ① $\sqrt{21}$ ② $\sqrt{42}$ ③ $3\sqrt{5}$ ④ $3\sqrt{7}$

[1 9] 右の表は、あるクラスの生徒 40 人のテストの
 得点を度数分布表に表したものである。
 平均値は 1 9 点である。

階級 (点)	度数 (人)
以上 未満	
40 ～ 50	2
50 ～ 60	12
60 ～ 70	16
70 ～ 80	6
80 ～ 90	4
計	40

- ① 63.5
 ② 64
 ③ 64.5
 ④ 65

[20] 2桁の自然数のうち、各位の数の和が15以上になる自然数は 20 個ある。

- ① 4 ② 6 ③ 10 ④ 15

[21] 先生1人、男子生徒2人、女子生徒3人が円形のテーブルに着席するとき、女子生徒3人が隣り合うすわり方は 21 通りである。

- ① 12 ② 36 ③ 48 ④ 144

[22] 3人でじゃんけんを1回するとき、1人だけが勝つ確率は 22 である。

- ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{2}{9}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{2}{3}$

[23] 袋の中に、赤玉6個、白玉5個、黒玉3個がはいっている。この中から、3個の玉を同時に取り出すとき、少なくとも1個が白玉である確率は 23 である。

- ① $\frac{3}{52}$ ② $\frac{9}{52}$ ③ $\frac{3}{13}$ ④ $\frac{10}{13}$

[24] 0から9までの整数を1つずつ書いた10枚のカードから、続けて3枚取り出して左から並べる。このとき、3桁の5の倍数ができる確率は 24 である。

- ① $\frac{4}{45}$ ② $\frac{1}{10}$ ③ $\frac{17}{90}$ ④ $\frac{4}{15}$

[25] A、B2人があるゲームをする。1回のゲームでAが勝つ確率は $\frac{2}{3}$ で、Bが勝つ確率は $\frac{1}{3}$ であり、先に3ゲーム勝った方を優勝とする。このとき、ちょうど5回目のゲームでAが優勝する確率は 25 である。

- ① $\frac{8}{243}$ ② $\frac{16}{81}$ ③ $\frac{80}{243}$ ④ $\frac{8}{27}$