

数 学 問 題

[1] $(5x^2 - 2x + 1)(3x - 2)$ を展開し計算すると x^2 の係数は 1 である。

① -1 ② -4 ③ 4 ④ 7

[2] $a^2 - ac - b^2 + bc$ を因数分解すると 2 である。

① $(a+b)(a+b-c)$ ② $(a-b)(a-b-c)$
 ③ $(a-b)(a-b+c)$ ④ $(a-b)(a+b-c)$

[3] $\sqrt{18} - 2\sqrt{50} - \sqrt{8} + \sqrt{32}$ を計算すると 3 である。

① $-7\sqrt{2}$ ② $-5\sqrt{2}$ ③ $-3\sqrt{2}$ ④ $-\sqrt{2}$

[4] $\frac{3+\sqrt{5}}{4}$ の小数部分は 4 である。

① $\sqrt{5} - 2$ ② $\frac{\sqrt{5}-1}{4}$ ③ $\frac{\sqrt{5}+1}{4}$ ④ 1

[5] $x = -3$ のとき、 $P = |3 - x| - |x + 2|$ の値を求めると 5 である。

① -1 ② 1 ③ 5 ④ 7

[6] $x^2 - x - 6 = 0$ は $x = -2$ であるための 6。 x は実数である。

① 必要条件であるが十分条件ではない
 ② 十分条件であるが必要条件ではない
 ③ 必要十分条件である
 ④ 必要条件でも十分条件でもない

[7] 2次関数 $y = -x^2 + 4x - 3$ の頂点の座標は 7 である。

① $(-2, -1)$ ② $(-2, 1)$ ③ $(2, -1)$ ④ $(2, 1)$

[8] 放物線 $y = 2(x-1)^2 + 1$ を x 軸方向に -5 、 y 軸方向に2平行移動したとき、移動後の放物線の方程式は 8 である。

① $y = -2(x+4)^2 + 3$ ② $y = 2(x-4)^2 + 3$
 ③ $y = (x+4)^2 + 3$ ④ $y = 2(x+4)^2 + 3$

[9] 点 $(3, -1)$ を頂点とし、点 $(1, -9)$ を通る放物線の方程式は 9 である。

① $y = -2(x+3)^2 - 1$ ② $y = -2(x-3)^2 - 1$
 ③ $y = -2(x-3)^2 + 1$ ④ $y = 2(x-3)^2 - 1$

[1 0] グラフの頂点は放物線 $y = -2(x-2)^2 + 3$ の頂点と同じであり、 y 軸と点 $(0, 7)$ で交わる放物線の方程式は 1 0 である。

① $y = -(x-2)^2 + 3$ ② $y = (x-2)^2 - 3$
 ③ $y = (x-2)^2 + 3$ ④ $y = (x+2)^2 + 3$

[1 1] 2次関数 $y = -(x-2)^2 + 1$ の $0 \leq x \leq 3$ における最大値は 1 1 である。

① -3 ② 0 ③ 1 ④ 2

[1 2] 2次方程式 $x^2 + 3x + a = 0$ が重解をもつとき、そのときの重解は 1 2 である。

① $x = -\frac{3}{2}$ ② $x = -\frac{2}{3}$ ③ $x = \frac{3}{2}$ ④ $x = \frac{9}{4}$

[1 3] $\sin 100^\circ + \sin 110^\circ + \cos(180^\circ - 20^\circ) + \cos(180^\circ - 10^\circ)$ の値を求めると 1 3 である。

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1

[14] $\triangle ABC$ において、 $BC=12$ 、 $\angle ABC=60^\circ$ 、 $\angle ACB=75^\circ$ のとき、外接円の半径 $R=\boxed{14}$ である。

- ① $4\sqrt{3}$ ② $6\sqrt{2}$ ③ 12 ④ $12\sqrt{2}$

[15] $\triangle ABC$ において、 $CA=3\sqrt{7}$ 、 $AB=3$ 、 $\angle ABC=120^\circ$ のとき、 $BC=\boxed{15}$ である。

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 9

[16] $\triangle ABC$ において、 $\sin A : \sin B : \sin C = \sqrt{2} : \sqrt{5} : 1$ が成り立つとき、この三角形の最大の角の大きさは $\boxed{16}$ である。

- ① 115° ② 120° ③ 135° ④ 150°

[17] $\triangle ABC$ において、 $\angle ACB=90^\circ$ 、 $\angle ABC=\theta$ 、 $\sin\theta=\frac{1}{4}$ 、 $AC=3$ のとき、 $BC=\boxed{17}$ である。

- ① $\sqrt{105}$ ② $2\sqrt{30}$ ③ $3\sqrt{15}$ ④ 12

[18] 平行四辺形 $ABCD$ において、 $AB=4$ 、 $AD=6$ 、 $\angle ABC=135^\circ$ のとき、平行四辺形の面積は $\boxed{18}$ である。

- ① $6\sqrt{2}$ ② 12 ③ $12\sqrt{2}$ ④ $12\sqrt{3}$

[19] 9個の数値からなるデータ

$157, 167, 184, 171, 178, 179, 163, 171, 160$ の平均値は $\boxed{19}$ である。

- ① 170 ② 170.5 ③ 171 ④ 172

[20] 大小2つのサイコロを同時に投げるとき、2つのサイコロの目の数の和が4の倍数となる目の出力は $\boxed{20}$ 通りである。

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 12

[21] 男子5人、女子3人が1列に並ぶとき、男子5人が続いて並び、女子3人も続いて並び方は $\boxed{21}$ 通りである。

- ① 120 ② 240 ③ 720 ④ 1440

[22] 3個のサイコロを同時に投げるとき、少なくとも1個は3の倍数の目が出る確率は $\boxed{22}$ である。

- ① $\frac{8}{27}$ ② $\frac{5}{9}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ $\frac{19}{27}$

[23] ある野球チームは平均して勝率 $\frac{2}{3}$ を維持できる力がある。このチームが5試合して1回しか勝てない確率は $\boxed{23}$ である。

- ① $\frac{8}{243}$ ② $\frac{10}{243}$ ③ $\frac{16}{243}$ ④ $\frac{80}{243}$

[24] 赤球と白球が合計6個入った袋から、2個の球を同時に取り出すとき、2個とも赤球である確率が $\frac{2}{5}$ であるという。赤球の個数は $\boxed{24}$ 個である。

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5

[25] A、Bの2人が射撃で的に当てる確率はそれぞれ $\frac{1}{4}$ 、 $\frac{2}{3}$ である。2人が1回ずつ射撃を行うとき、2人がともに的をはずす確率は $\boxed{25}$ である。

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$