

R 6. 3. 15 実施

数 学 問 題

[ 1 ]  $(3 - 2x - x^2) + (2x^2 - x + 1) - (-2 + x + 3x^2)$  を計算すると  $\boxed{1}$  である。

- ①  $-2x^2 - 4x + 6$       ②  $-2x^2 - 2x + 2$   
 ③  $-2x^2 - 2x + 6$       ④  $4x^2 - 4x + 6$

[ 2 ]  $6x^2 + 5xy - 6y^2$  を因数分解すると  $\boxed{2}$  である。

- ①  $(3x - 2y)(2x - 3y)$       ②  $(3x - 2y)(2x + 3y)$   
 ③  $(3x + 2y)(2x - 3y)$       ④  $(3x + 2y)(2x + 3y)$

[ 3 ]  $(2\sqrt{3} + 5)(2 - \sqrt{3}) + \sqrt{48} + \sqrt{12} - \sqrt{75}$  を計算すると  $\boxed{3}$  である。

- ①  $-4$       ②  $4 - \sqrt{3}$       ③  $2 + \sqrt{3}$       ④  $4$

[ 4 ] 不等式  $2(\frac{1}{3}x + \frac{1}{6}) > 3(\frac{1}{2}x - 1)$  を解くと  $\boxed{4}$  である。

- ①  $x < -4$       ②  $x < 1$       ③  $x < 4$       ④  $x > 4$

[ 5 ] 1 000 円持つて買い物に行き、1 本 70 円の鉛筆を何本かと 120 円の消しゴムを 1 個買いたい。しかし、他にも買い物があるので 320 円以上は残したい。鉛筆を  $\boxed{5}$  本まで買うことができる。

- ① 7      ② 8      ③ 9      ④ 10

[ 6 ]  $x = y$  であることは、 $kx = ky$  であるための  $\boxed{6}$ 。 $k, x, y$  は実数。

- ① 必要条件であるが十分条件ではない  
 ② 十分条件であるが必要条件ではない  
 ③ 必要十分条件である  
 ④ 必要条件でも十分条件でもない、

[ 7 ]  $x$  軸と点(3, 0)で接し、点(1, -4)を通る 2 次関数は  $\boxed{7}$  である。

- ①  $y = -(x+3)^2$       ②  $y = (x+3)^2$   
 ③  $y = -(x-3)^2$       ④  $y = (x-3)^2$

[ 8 ] 2 次関数  $y = -x^2$  を、 $x$  軸方向に 2、 $y$  軸方向に 4 だけ平行移動した 2 次関数の方程式は  $\boxed{8}$  である。

- ①  $y = -(x+2)^2 - 4$       ②  $y = -(x+2)^2 + 4$   
 ③  $y = -(x-2)^2 + 4$       ④  $y = (x-2)^2 + 4$

[ 9 ] 2 次関数  $y = (x+3)^2 - 10$  のグラフを  $x$  軸方向に  $p$ 、 $y$  軸方向に  $q$  だけ平行移動すると 2 次関数  $y = (x-1)^2 + 2$  に移った。このとき、定数  $p, q$  の値は  $\boxed{9}$  である。

- ①  $\begin{cases} p = -4 \\ q = -12 \end{cases}$       ②  $\begin{cases} p = -4 \\ q = 12 \end{cases}$       ③  $\begin{cases} p = 4 \\ q = -12 \end{cases}$       ④  $\begin{cases} p = 4 \\ q = 12 \end{cases}$

[ 10 ] 2 次関数  $y = -x^2 - 4x + 4$  ( $-3 \leq x \leq 1$ )において、最大値は  $\boxed{10}$  である。

- ① 3      ② 4      ③ 7      ④ 8

[ 11 ] 連立不等式  $\begin{cases} (x+3)(x-5) < 0 \\ (x+1)(x-6) > 0 \end{cases}$  を解くと  $\boxed{11}$  である。

- ①  $-5 < x < -1$       ②  $-3 < x < -1$   
 ③  $5 < x < 6$       ④  $6 < x$

[ 12 ] 放物線  $y = x^2 + ax + a + 8$  が、 $x$  軸の正の部分、負の部分と 1 点ずつ交わるよう、定数  $a$  の値の範囲を求める  $\boxed{12}$  である。

- ①  $a < -8$       ②  $-8 < a$   
 ③  $a < -4$       ④  $-8 < a < -4$

[13] 直線 $x + \sqrt{3}y = \sqrt{3}$ とx軸の正の向きとのなす角 $\theta = \boxed{13}$ である。  
( $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ )

- ①  $30^\circ$     ②  $60^\circ$     ③  $120^\circ$     ④  $150^\circ$

[20] 80人の生徒のうち、山が好きな生徒が43人、海が好きな生徒が51人、山と海が好きな生徒が27人いました。山は好きではないが、海は好きな生徒は

- ① 13    ② 16    ③ 24    ④ 67

[14]  $\triangle ABC$ において、 $BC = 6$ 、 $\angle BAC = 60^\circ$ 、 $\angle ABC = 45^\circ$ のとき、  
 $CA = \boxed{14}$ である。  
①  $2\sqrt{2}$     ②  $2\sqrt{3}$     ③  $2\sqrt{6}$     ④  $6\sqrt{2}$

[15]  $\triangle ABC$ において $BC = \sqrt{37}$ 、 $CA = 4$ 、 $AB = 3$ のとき、  
 $\angle BAC = \boxed{15}$ である。

- ①  $60^\circ$     ②  $120^\circ$     ③  $135^\circ$     ④  $150^\circ$

[16]  $\triangle ABC$ において、 $CA = 5$ 、 $AB = 8$ 、 $\angle BAC = 60^\circ$ のとき、  
 $\triangle ABC$ の面積 $S = \boxed{16}$ である。

- ① 10    ②  $10\sqrt{2}$     ③  $10\sqrt{3}$     ④  $20\sqrt{3}$

[17]  $\triangle ABC$ において、 $BC = 15$ 、 $CA = 14$ 、 $AB = 13$ のとき、 $\triangle ABC$ の  
面積は84になる。このとき $\triangle ABC$ の内接円の半径 $r = \boxed{17}$ である。

- ① 2    ② 4    ③ 6    ④ 8

[18] 円に内接する四角形ABCDにおいて、 $AB = 5$ 、 $BC = 4$ 、 $CD = 4$ 、 $\angle ABC = 60^\circ$ のとき、四角形ABCDの面積 $S = \boxed{18}$ である。

- ①  $\sqrt{3}$     ②  $5\sqrt{3}$     ③  $6\sqrt{3}$     ④  $10\sqrt{3}$

[19] 右の表は、あるクラスの生徒20人の  
テストの得点を度数分布表に表したものである。  
平均値は $\boxed{19}$ 点である。

階級(点)	度数(人)
以上	未満
0 ~ 10	1
10 ~ 20	3
20 ~ 30	4
30 ~ 40	5
40 ~ 50	7
計	20

[24] 当たりくじ3本を含む10本のくじを、A、Bの2人がこの順に1本ずつ引きま  
す。このときAがはずれて、Bが当たる確率は $\boxed{24}$ である。  
ただし、引いたくじはもとに戻さないものとする。

- ①  $\frac{1}{15}$     ②  $\frac{21}{100}$     ③  $\frac{7}{30}$     ④  $\frac{3}{10}$

[25] x軸上を原点から出発し、1個のさいころを投げて4以下の目がでたら  
右へ2だけ進み、5以上の目がでたら左へ1だけ進むことにする。これを7回  
繰り返したとき、 $x = 2$  にいる確率は $\boxed{25}$ である。

- ① 31.5    ② 32    ③ 32.5    ④ 33
- ①  $\frac{1.25}{2187}$     ②  $\frac{162}{2187}$     ③  $\frac{182}{2187}$     ④  $\frac{280}{2187}$