

## 数学問題

[7] 関数  $f(x) = x^2 - 2x + 3$ において、 $f(a-1) = 2$ を満たす  $a$  の値は  $\boxed{7}$  である。

[1] 整式  $A = x^2 + 5x - 6$ 、 $B = -3x^2 - 2x + 3$  のとき、 $A - 2B$  を計算すると  $\boxed{1}$  である。

- ①  $-5x^2 + 9x - 12$   
 ②  $7x^2 + x - 12$   
 ③  $7x^2 + 9x - 12$   
 ④  $7x^2 + 9x$

[2]  $-3 \leq a \leq 3$  のとき、 $P = |a-3| + |a+3|$  の値は  $\boxed{2}$  である。

- ①  $-6$   
 ②  $-2a$   
 ③  $6$   
 ④  $2a$

[3]  $8x^3 - 18xy^2$  を因数分解すると  $\boxed{3}$  である。

- ①  $2x(2x-3y)^2$   
 ②  $2x(2x+3y)^2$   
 ③  $2y(2x-3y)(2x+3y)$   
 ④  $2x(2x+3y)(2x-3y)$

[4]  $\sqrt{28} + \sqrt{63} - \sqrt{700}$  を計算すると  $\boxed{4}$  である。

- ①  $-5\sqrt{7}$   
 ②  $-4\sqrt{7}$   
 ③  $0$   
 ④  $5\sqrt{7}$

[5] 不等式  $2x - 8 \leq 7x + 12$  を解くと  $\boxed{5}$  である。

- ①  $x \leq -4$   
 ②  $-4 \leq x$   
 ③  $x \leq -1$   
 ④  $-1 \leq x$

[6]  $x^2 = y^2$  は  $x = y$  であるための  $\boxed{6}$ 。 $x, y$  は実数とする。

- ① 必要条件であるが十分条件ではない  
 ② 十分条件であるが必要条件ではない  
 ③ 必要十分条件である  
 ④ 必要条件でも十分条件でもない

[10] 頂点の  $x$  座標が 2 で、2 点  $(0, -1), (3, 2)$  を通る 2 次関数は  $\boxed{10}$  である。

- ①  $y = -(x-2)^2 + 1$   
 ②  $y = -(x-2)^2 + 2$   
 ③  $y = -(x-2)^2 + 3$   
 ④  $y = (x-2)^2 + 3$

[11]  $x = 4$  で最大値 12 をとり、点  $(8, -4)$  を通る 2 次関数は  $\boxed{11}$  である。

- ①  $y = -x^2 - 8x + 4$   
 ②  $y = -x^2 + 8x - 4$   
 ③  $y = -x^2 + 8x - 2$   
 ④  $y = -x^2 + 8x + 4$

[12]  $y = x^2 - 8x + m + 7$  のグラフが  $x$  軸と共有点をもたないとき、定数  $m$  の値の範囲は  $\boxed{12}$  である。

- ①  $m < 8$   
 ②  $m < 9$   
 ③  $8 < m$   
 ④  $9 < m$

[13]  $\sin 30^\circ \sin 45^\circ + \cos 30^\circ \cos 45^\circ$  の値は  $\boxed{13}$  である。

- ①  $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{4}$   
 ②  $\frac{\sqrt{3}}{2}$   
 ③  $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{6}}{4}$   
 ④  $1$

[14]  $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  のとき、 $2\cos\theta + 1 = 0$  を満たす  $\theta = \boxed{14}$  である。

- ①  $90^\circ$     ②  $120^\circ$     ③  $135^\circ$     ④  $150^\circ$

[15]  $\triangle ABC$ において、 $BC = 4\sqrt{3}$ 、 $\angle BAC = 60^\circ$  のとき、 $\triangle ABC$ の外接円の半径  $R = \boxed{15}$  である。

- ① 2    ②  $2\sqrt{3}$     ③ 4    ④ 8

[16]  $\triangle ABC$ において、 $BC : CA : AB = 3 : 7 : 5$  が成り立つとき、 $\triangle ABC$  の内角のうち最も大きい角は  $\boxed{16}$  である。

- ①  $60^\circ$     ②  $120^\circ$     ③  $135^\circ$     ④  $150^\circ$

[17]  $\triangle ABC$ で、 $AB = 6$ 、 $BC = 7$ 、 $CA = 5$  のとき、 $\triangle ABC$  の内接円の半径  $r = \boxed{17}$  である。

- ①  $\frac{\sqrt{6}}{3}$     ②  $\frac{2\sqrt{6}}{3}$     ③  $\frac{3\sqrt{6}}{4}$     ④  $\frac{4\sqrt{6}}{3}$

[18]  $\sin\theta + \cos\theta = \frac{1}{3}$  ( $0^\circ < \theta < 180^\circ$ ) のとき、 $\sin\theta - \cos\theta = \boxed{18}$  である。

- ①  $-\frac{\sqrt{17}}{3}$     ②  $-\frac{4}{9}$     ③  $\frac{\sqrt{17}}{3}$     ④ 2

[19] 右の表は、40人の女子の身長の測定値をしたものである。160cm以上

の生徒は全体の  $\boxed{19}\%$  である。

階級(cm)	度数(人)
145以上～150未満	3
150～155	7
155～160	9
160～165	11
165～170	8
170～175	2
計	40

階級(cm)	度数(人)
145以上～150未満	3
150～155	7
155～160	9
160～165	11
165～170	8
170～175	2
計	40

[20] 男子3人、女子4人が1列に並ぶとき、特定の女子2人が隣り合う並べ方は  $\boxed{20}$ 通りである。

- ① 120    ② 240    ③ 1440    ④ 5040

[21] 5個の数字1, 2, 3, 4, 5から4個の異なる数字を使って4桁の整数をつくるとき、両端が奇数である整数は  $\boxed{21}$  個ある。

- ① 12    ② 18    ③ 24    ④ 36

[22] 白玉7個と、赤玉3個が入っている袋があります。この袋から、玉を同時に2個取り出すとき、2個とも白玉である確率は  $\boxed{22}$  である。

- ①  $\frac{1}{15}$     ②  $\frac{1}{5}$     ③  $\frac{1}{3}$     ④  $\frac{7}{15}$

[23] 1から5までの番号のついた5枚のカードがある。この中から1枚のカードを取り出すとき、カードに書かれた数が2でも3でも割り切れない数である確率は  $\boxed{23}$  である。

- ①  $\frac{4}{25}$     ②  $\frac{8}{25}$     ③  $\frac{17}{50}$     ④  $\frac{1}{2}$

[24] 1つのさいころを4回投げると、1の目がちょうど3回出る確率は  $\boxed{24}$  である。

- ①  $\frac{5}{1296}$     ②  $\frac{1}{216}$     ③  $\frac{1}{162}$     ④  $\frac{5}{324}$

[25] 当たりくじ4本を含む9本のくじを、A、Bの2人がこの順に1本ずつ引く。少なくとも1人が当たる確率は  $\boxed{25}$  である。ただし、引いたくじはもともどさないものとする。

- ①  $\frac{4}{9}$     ②  $\frac{1}{2}$     ③  $\frac{5}{9}$     ④  $\frac{13}{18}$