

## 数 学 問 題

[1]  $-6x + 3 - 3[2x^2 - \{-x^2 + (3x^2 - 7x) - 5\} - x^2 - 1]$ を簡単にすると  
である。

- ①  $-3x^2 + 27x - 9$     ②  $-3x^2 + 27x + 9$     ③  $3x^2 - 27x - 9$     ④  $3x^2 - 27x + 9$

[2]  $(-x^2y)^3 \times (-xy^2)^2 \times (3xy)^3$ を計算するとである。

- ①  $-27x^{11}y^{10}$     ②  $-9x^{11}y^{10}$     ③  $9x^{11}y^{10}$     ④  $27x^{10}y^{11}$

[3]  $\frac{18}{\sqrt{3}} - \frac{8\sqrt{3}}{\sqrt{6}} - \sqrt{48} + \frac{4}{\sqrt{8}}$ を有理化して簡単にするとである。

- ①  $2\sqrt{2} - 3\sqrt{3}$     ②  $3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$     ③  $2\sqrt{3} - 3\sqrt{2}$     ④  $3\sqrt{3} - 2\sqrt{2}$

[4]  $9b^2 + 3ab - 2a - 4$ を因数分解するとである。

- ①  $(3b - 2)(a + 3b - 2)$     ②  $(3b - 2)(a + 3b + 2)$   
 ③  $(3b + 2)(a - 3b - 2)$     ④  $(3b + 2)(a - 3b + 2)$

[5]  $2 + \sqrt{3}$ の整数部分を $a$ 、小数部分を $b$ とするとき、  
 $a^2 + b^2 + 2b$ の値はである。

- ① 9    ②  $15 - 4\sqrt{3}$     ③ 11    ④  $15 + 4\sqrt{3}$

[6] 家から駅までの道のりは1300mである。家から駅まで行くのに、はじめ分速80mで歩き、途中から分速100mに速度を増した。出発してから15分以内に駅に着くためには、分速100mで歩く道のりはm以上であればよい。

- ① 200    ② 300    ③ 400    ④ 500

[7] 和が4である2つの数があり、それらの平方の和は30である。このとき大きい方の数は  である。

- ①  $2 - 2\sqrt{2}$       ②  $2 + \sqrt{7}$       ③  $2 + 2\sqrt{2}$       ④  $2 + \sqrt{11}$

[8] 2次方程式  $2x^2 - 8x + 3k - 1 = 0$  が重解をもつとき、その重解は  $x =$   である。

- ①  $-2$       ②  $1$       ③  $2$       ④  $3$

[9]  $x$  軸と2点  $(-2, 0)$ 、 $(1, 0)$  を共有しかつ点  $(-3, 8)$  を通る2次関数は  である。

- ①  $y = -2x^2 - 2x + 4$       ②  $y = -2x^2 + 2x - 4$   
③  $y = 2x^2 - 2x - 4$       ④  $y = 2x^2 + 2x - 4$

[10]  $x = 1$  のとき最小値をとり、グラフが2点  $(2, 3)$ 、 $(-1, 9)$  を通る2次関数は  である。

- ①  $y = x^2 - 2x + 3$       ②  $y = 2x^2 - 4x + 3$   
③  $y = 2x^2 - 4x - 3$       ④  $y = 2x^2 + 4x + 3$

[11] ある放物線を  $x$  軸方向に1、 $y$  軸方向に2だけ平行移動すると放物線  $y = x^2 + 2x + 4$  になる。もとの放物線の方程式は  である。

- ①  $y = x^2 + 1$       ②  $y = x^2 + 5$   
③  $y = x^2 + 4x + 5$       ④  $y = x^2 + 4x + 9$

[12] 2次関数  $y = x^2 - 2(a+1)x + 3a + 7$  のグラフが、

$x$  軸とただ1点を共有するとき、定数  $a (> 0)$  の値は  である。

- ①  $\frac{1}{2}$       ②  $1$       ③  $2$       ④  $3$

[13]  $f(x) = (x - k)^2 + k - 2$  が、異なる2つの正の解をもつように、 $k$ のとり得る値の範囲を定めると  である。

- ①  $k < -2$       ②  $-2 < k < 0$       ③  $0 < k < 2$       ④  $1 < k < 2$

[14]  $(\sin 10^\circ + \cos 10^\circ)^2 + (\sin 100^\circ + \cos 100^\circ)^2$ の値は  である。

- ① 1      ②  $4 \sin 10^\circ \cos 10^\circ$       ③ 2      ④ 4

[15]  $\triangle ABC$ において、 $B = 30^\circ$ 、 $C = 105^\circ$ 、 $a = 6$ のとき、 $\triangle ABC$ の外接円の半径 $R$ は  である。

- ①  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$       ②  $3\sqrt{2}$       ③  $3\sqrt{3}$       ④  $6\sqrt{2}$

[16]  $\triangle ABC$ において、 $a = 2$ 、 $b = \sqrt{6}$ 、 $c = 1 + \sqrt{3}$ のとき、 $B$ の大きさは  である。

- ①  $30^\circ$       ②  $45^\circ$       ③  $60^\circ$       ④  $75^\circ$

[17]  $\triangle ABC$ において、 $AB = 10$ 、 $AC = 6$ 、 $BC = 16$ で、点 $M$ を辺 $BC$ の中点とすると、 $AM$ の長さは  である。

- ① 1      ② 2      ③ 4      ④ 6

[18] 全体集合 $U = \{x \mid 1 \leq x \leq 10, x \text{は整数}\}$ の部分集合 $A$ 、 $B$ について、 $A \cap B = \{3, 6, 8\}$ 、 $\overline{A} \cap \overline{B} = \{4, 5, 7\}$ 、 $A \cap \overline{B} = \{1, 10\}$ とする。このとき、集合 $B$ は  である。

- ①  $\{1, 3, 6, 8, 9\}$       ②  $\{1, 3, 6, 8, 10\}$   
③  $\{2, 3, 6, 7, 9\}$       ④  $\{2, 3, 6, 8, 9\}$

[19]  $\triangle ABC$ の辺 $AB$ を $3:2$ に内分する点を $D$ 、辺 $AC$ を $4:3$ に内分する点を $E$ とし、 $BE$ と $CD$ の交点を $O$ とする。 $AO$ と $BC$ の交点を $F$ とするとき、 $BF:FC = \boxed{19}$ である。

- ①  $8:9$                       ②  $7:8$                       ③  $5:6$                       ④  $4:5$

[20] 赤、黄、青の3つのさいころを同時に投げたとき、目の数の和が8になる場合は $\boxed{20}$ 通りある。

- ①  $18$                       ②  $21$                       ③  $22$                       ④  $24$

[21] 1から6までの6つの数字をすべて1回ずつ使ってできる6桁の数のうち、両端の数字がともに奇数であるものは $\boxed{21}$ 個ある。

- ①  $72$                       ②  $96$                       ③  $144$                       ④  $156$

[22] 男子10人、女子5人の中から6人の委員を選ぶとき、女子を4人以上選ぶ選び方は $\boxed{22}$ 通りある。

- ①  $210$                       ②  $225$                       ③  $235$                       ④  $245$

[23] 白玉12個、赤玉6個がはいっている箱から、同時に4個の玉を取り出すとき、そのうちの3個が白玉で、1個が赤玉である確率は $\boxed{23}$ である。

- ①  $\frac{1}{24}$                       ②  $\frac{11}{153}$                       ③  $\frac{11}{51}$                       ④  $\frac{22}{51}$

[24] 1個のさいころを続けて3回投げるとき、出る目の数を順に $a, b, c$ とする。このとき $(a-b)(b-c) = 0$ である確率は $\boxed{24}$ である。

- ①  $\frac{1}{6}$                       ②  $\frac{11}{36}$                       ③  $\frac{1}{3}$                       ④  $\frac{5}{12}$

[25] 1枚の硬貨を投げて表が出たら10円、裏が出たら5円もらえるとき、この硬貨を6回投げてもらった金額の合計が40円になる確率は $\boxed{25}$ である。

- ①  $\frac{3}{32}$                       ②  $\frac{9}{64}$                       ③  $\frac{15}{64}$                       ④  $\frac{5}{16}$